

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Кемеровский государственный университет»**

«УТВЕРЖДАЮ»

**Директор института фундаментальных наук,
Гудов Александр Михайлович**

Институт

фундаментальных наук

(подпись руководителя, печать института)

2018г.

**ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНЫХ ИСПЫТАНИЙ,
проводимых КемГУ самостоятельно,
для поступающих по программам бакалавриата и специалитета
по математике
в 2019 году**

КЕМЕРОВО, 2018

Программа вступительных испытаний составлена в соответствии с требованиями Федерального компонента государственного стандарта основного общего и среднего (полного) общего образования (приказ Минобрнауки России от 05.03.2004 № 1089 «Об утверждении федерального компонента государственных стандартов начального общего, основного общего и среднего (полного) общего образования»)

СОДЕРЖАНИЕ

- 1. Форма проведения экзамена. Критерии оценки.**
- 2. Образец теста по математике**
- 3. Содержание вопросов по математике, на основе которых составлены тесты.**
- 4. Список рекомендуемой литературы.**

1. ФОРМА ПРОВЕДЕНИЯ ЭКЗАМЕНА. КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ.

Целью вступительных испытаний по математике является определение уровня теоретической и практической подготовки выпускников средней школы, образовательных учреждений среднего профессионального образования, планирующих продолжение образования по различным направлениям ВО.

Форма проведения вступительных испытаний - тест

1. Время на выполнение теста – 180 минут.
2. Тест по Математике включает 35 заданий: с выборочной формой ответа; с записью ответа в целочисленном виде или десятичной дробью; с полным решением. Задания оцениваются следующим образом (задания различного уровня сложности) –

№ задания	1-10	11-30	31-35	Общая сумма
Количество баллов	3	2	6	100

3. Если при выполнении теста абитуриент набрал менее 27 баллов ему, ставится «2» и он не допускается к следующим экзаменам (абитуриент не преодолел порог).

Апелляции по вступительным испытаниям принимаются на следующий день после опубликования результатов.

2. ОБРАЗЕЦ ТЕСТА ПО МАТЕМАТИКЕ

При ответе на задания необходимо выбрать верный ответ и внести его.

1. Найдите значение выражения $t - \frac{m}{n}$ при $m = 24, n = 4, t = 2$.

1) 5; 2) -4; 3) 8; 4) 14

2. Найти x из пропорции $\frac{26}{x} = \frac{6}{12}$. 1) $\frac{1}{13}$; 2) 36; 3) 52; 4) $\frac{4}{9}$

3. Вычислите $\sqrt[4]{16 \cdot 625}$. 1) 10; 2) 18; 3) 6; 4) 100

4. Преобразовать, раскрыв скобки $(x-6)(x-2)$

1) $x^2 - x - 12$ 2) $x^2 + 4x - 12$ 3) $x^2 + 8x + 12$ 4) $x^2 - 8x + 12$

5. Решить уравнение $6x - 0,8 = 3x + 2,8$. 1) 1,2; 2) 0,7; 3) 3,5; 4) 0,8

6. Найдите значение выражения: $81^{1/4} - 3\sqrt{3}3^{1/2}$.

1) -6; 2) $\sqrt{3}$; 3) 6; 4) 11,25.

7. Упростите выражение: $\log_5 75 - \log_5 3$. 1) 1; 2) 2; 3) -1; 4) 4.

8. Решите уравнение: $(1/4)^{x-3} = 1/16$. 1) 1; 2) -1; 3) 5; 4) -5.

9. Укажите множество решений неравенства $\frac{x(x-2)}{x-3} \leq 0$.

1) $[0;2] \cup (3;+\infty)$; 2) $(-\infty;0] \cup [2;3)$; 3) $[2;3)$; 4) $(-\infty;0] \cup [2;3]$.

10. Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения $\log_2(x+1) = 4$.

1) (8; 10); 2) (4; 6); 3) (6; 8); 4) (14; 16).

При ответе на задания необходимо внести верный ответ (целое число или десятичная дробь).

11. Сколько процентов составляет число 21 от числа 168?

записать ответ: _____.

12. Найдите точку минимума функции $f(x) = x^3 - 3x$.

записать ответ: _____.

13. Решите уравнение: $9^x + 3^x - 2 = 0$. записать ответ: _____.

14. В арифметической прогрессии $a_6 = 19, a_{18} = 43$. Найдите a_{12} .

записать ответ: _____.

15. Упростите выражение: $2^{\log_2 7} + \log_5 75 - \log_5 3$. записать ответ: _____.

16. Найдите наименьшее значение функции $f(x) = x^3 - 3x$ на отрезке $[0;3]$.

записать ответ: _____.

17. Найдите значение функции $f(x) = x + \frac{4}{x}$ в точке максимума.

записать ответ: _____.

18. Найдите значение выражения: $\frac{\sin 55^\circ \sin 9^\circ - \cos 55^\circ \sin 81^\circ}{\cos^2 32^\circ - \sin^2 32^\circ}$.

записать ответ: _____.

19. Решите уравнение: $3 \cdot 9^{x+1} + 2 \cdot 3^{x+1} - 1 = 0$. записать ответ: _____.

20. К 15% - му раствору уксусной кислоты добавили 270 мл 95% - й уксусной кислоты, в результате чего концентрация уксусной кислоты в

растворе оказалась равной 45%. Сколько миллилитров раствора получили?

записать ответ: _____.

21. Вычислите: $\sqrt[4]{0,0625 \cdot 81}$. **записать ответ:** _____.

22. Найдите наибольшее целое значение функции $y = 4,3 \cos x$.

записать ответ: _____.

23. Найдите значение выражения $\sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) - 4 \cos(\pi - \alpha)$, если $\cos \alpha = -0,4$.

записать ответ: _____.

24. В треугольнике ABC угол C равен 90° , угол A равен 30° , $AB = \sqrt{3}$.

записать ответ: _____.

25. Найдите среднюю скорость велосипедиста, если на участке в 60 км он ехал со скоростью 30 км/ч, а на участке 120 км он ехал со скоростью 40 км/ч.

записать ответ: _____.

26. Найдите значение $\sqrt{21} \cos \alpha$, если $\sin \alpha = \sqrt{\frac{5}{21}}$, $\frac{\pi}{2} \leq \alpha \leq \pi$.

записать ответ: _____.

27. В треугольнике ABC: $AC = BC = 12$, $\sin B = \frac{\sqrt{15}}{4}$. Найдите AB.

записать ответ: _____.

28. Вычислите: $\frac{3 \cdot \sqrt[3]{7}}{\sqrt[3]{189}}$. **записать ответ:** _____.

29. Найдите количество целых чисел из множества значений функции $y = 2,8 \cos 2x + 3$. **записать ответ:** _____.

30. Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, высота которого равна 7. Объем параллелепипеда равен 112. Найдите радиус основания цилиндра. **записать ответ:** _____.

При ответе на задания необходимо привести полное решение и записать ответ.

31. В коммерческом банке деньги, положенные на молодежный вклад, ежегодно увеличиваются на одно и то же число процентов от предыдущей суммы. Определите, на сколько процентов каждый год увеличивался вклад, если первоначальная сумма вклада 5000, а через два года на счете оказалось 7200 рублей.

32. Найдите количество целых чисел, которые не входят в область

$$y = \frac{7}{\sqrt[4]{|4x + 12| - |2x - 11|}}$$

определения функции

33. Высота правильной четырехугольной пирамиды равна 3, апофема образует с плоскостью основания угол 60° . Найдите площадь боковой поверхности пирамиды.

34. При каких значениях параметра p уравнение $x^3 - 10x^2 + px = 0$ имеет два корня? Найти эти корни.

35. Решить неравенство: $\log_{x+4} 3 + \log_{x-4} 3 > \log_{x-4} 3 \cdot \log_{x+4} 3$.

2. СОДЕРЖАНИЕ ВОПРОСОВ ПО МАТЕМАТИКЕ, НА ОСНОВЕ КОТОРЫХ СОСТАВЛЕНЫ ТЕСТЫ

В первом разделе перечислены основные математические понятия и факты, которыми должен владеть поступающий на тестировании.

Второй раздел представляет собой перечень теоретических вопросов (Основные формулы и теоремы). При подготовке к тесту целесообразно познакомиться с формулировками утверждений этого раздела.

В третьем разделе указано, какие навыки и умения требуются от поступающего на экзамене.

Объем знаний и степень владения материалом, описанным в программе, соответствуют курсу математики средней школы. Абитуриент может пользоваться всем арсеналом средств из этого курса, включая и начала анализа. Объекты и факты, не изучаемые в общеобразовательной школе, также могут использоваться абитуриентом, но при условии, что он способен их пояснять и доказывать.

В связи с обилием учебников и регулярным их переизданием отдельные утверждения второго раздела могут в некоторых учебниках называться иначе, чем в программе, или формулироваться в виде задач, или вовсе отсутствовать. Такие случаи не освобождают поступающего от необходимости знать эти утверждения.

1. Основные математические понятия и факты

Арифметика, алгебра и начала анализа

Натуральные числа (\mathbb{N}). Простые и составные числа. Делитель, кратное.

Наибольший общий делитель, наименьшее общее кратное.

Признаки делимости на 2, 3, 5, 9 и 10.

Целые числа (\mathbb{Z}). Рациональные числа (\mathbb{Q}), их сложение, вычитание, умножение и деление. Сравнение рациональных чисел.

Действительные числа (\mathbb{R}), их представление в виде десятичных дробей.

Изображение чисел на прямой. Модуль действительного числа, его геометрический смысл.

Числовые выражения. Выражения с переменными. Формулы сокращенного умножения.

Степень с натуральным и рациональным показателем. Арифметический корень.

Логарифмы, их свойства.

Одночлен и многочлен.

Многочлен с одной переменной. Корень многочлена на примере квадратного трехчлена.

Понятие функции. Способы задания функции. Область определения.

Множество значений функции.

График функции. Возрастание и убывание функции; периодичность, четность, нечетность.

Достаточное условие возрастания (убывания) функции на промежутке. Понятие экстремума функции. Необходимое условие экстремума функции (теорема Ферма). Достаточное условие экстремума. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Определение и основные свойства функций: линейной $y = ax + b$, квадратичной $y = ax^2 + bx + c$, степенной $y = ax^a$, $y = \frac{k}{x}$, показательной

$y = a^x, a > 0$, логарифмической $y = \log_a x, a > 0, a \neq 1$, тригонометрических функций ($y = \sin x$, $y = \cos x$, $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$), арифметического корня $y = \sqrt{x}$.

Уравнение. Корни уравнения. Понятие о равносильных уравнениях.

Неравенства. Решения неравенства. Понятие о равносильных неравенствах.

Система уравнений и неравенств. Решение системы.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула n -го члена и суммы первых n членов арифметической прогрессии. Формула n -го члена и суммы первых n членов геометрической прогрессии.

Синус и косинус суммы и разности двух аргументов (формулы).

Преобразование в произведение сумм $\sin \alpha \pm \sin \beta$, $\cos \alpha \pm \cos \beta$.

Определение производной, физический и геометрический смысл.

Произведение функций $y = \sin x$, $y = \cos x$, $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$, $y = a^x, a > 0$, $y = x^n$, $y = \ln x$.

Геометрия

Прямая, луч, отрезок, ломаная; длина отрезка. Угол, величина угла.

Вертикальные и смежные углы. Окружность, круг. Параллельные прямые.

Примеры преобразования фигур, виды симметрии. Преобразование подобия и его свойства.

Векторы. Операции над векторами.

Многоугольник, его вершины, стороны, диагонали.

Треугольник, его медиана, биссектриса, высота. Виды треугольников.

Соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника.

Четырехугольник: параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат, трапеция.

Окружность и круг. Центр, хорда, диаметр, радиус. Касательная к окружности. Дуга окружности. Сектор.

Центральные и вписанные углы.

Формулы площади: треугольника, прямоугольника, параллелограмма, ромба, квадрата, трапеции.

Длина окружности и длина дуги окружности. Радианная мера угла.

Площадь круга и площадь сектора.

Подобие. Подобные фигуры. Отношение площадей подобных фигур.

Плоскость. Параллельные и пересекающиеся плоскости.

Параллельность прямой и плоскости.

Угол прямой с плоскостью. Перпендикуляр к плоскости.

Двугранные углы. Линейный угол двугранного угла.

Перпендикулярность двух плоскостей.

Многогранники. Их вершины, грани, диагонали. Прямая и наклонная призмы; пирамиды. Правильная призма и правильная пирамида.

Параллелепипеды, их виды.

Фигуры вращения: цилиндр, конус, сфера, шар. Центр, диаметр, радиус сферы и шара. Плоскость, касательная к сфере.

Формулы площади поверхности и объема призмы.

Формулы площади поверхности и объема пирамиды.

Формулы площади поверхности и объема цилиндра.

Формулы площади поверхности и объема конуса.

Формулы объема шара.

Формулы площади сферы.

2. Основные формулы и теоремы

Алгебра и начала анализа

Свойства функции $y = kx + b$ и ее график.

Свойства функции $y = \frac{k}{x}$ и ее график.

Свойства функции $y = ax^2 + bx + c$ и ее график.

Формула корней квадратного уравнения.

Разложение квадратного трехчлена на линейные множители.

Свойства числовых неравенств.

Логарифм произведения, степени, частного.

Определение и свойства функции $y = \sin x$, $y = \cos x$ и их графики.

Определение и свойства функции $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$ и их графики.

Решение уравнений вида $\sin x = a$, $\cos x = a$ и $\operatorname{tg} x = a$.

Формулы приведения.

Зависимости между тригонометрическими функциями одного и того же аргумента.

Тригонометрические функции двойного аргумента.

Производная суммы двух функций.

Геометрия

Свойства равнобедренного треугольника.

Свойства точек, равноудаленных от концов отрезка.

Признаки параллельности прямых.

Сумма углов треугольника. Сумма внешних углов выпуклого многоугольника.

Признаки параллелограмма, его свойства.

Окружность, описанная около треугольника.

Окружность, вписанная в треугольник.

Касательная к окружности и ее свойства.

Измерение угла, вписанного в окружность.

Признаки подобия треугольника.

Теорема Пифагора.

Формулы площадей параллелограмма, треугольника, трапеции.

Формула расстояния между двумя точками плоскости. Уравнение окружности.

Признак параллельности прямой и плоскости.

Признак параллельности плоскостей.

Теорема о перпендикулярности прямой и плоскости.

Перпендикулярность двух плоскостей.

Теоремы о параллельности и перпендикулярности плоскостей.

Теорема о трех перпендикулярах.

3. Требования к абитуриенту

На экзамене по математике поступающий должен уметь:

1. выполнять (без калькулятора) действия над числами и числовыми выражениями; преобразовывать буквенные выражения; производить операции над векторами (сложение, умножение на число, скалярное произведение); переводить одни единицы измерения величин в другие;
2. сравнивать числа и находить их приближенные значения (без калькулятора); доказывать тождества и неравенства для буквенных выражений;
3. решать уравнения, неравенства, системы (в том числе с параметрами) и исследовать их решения;
4. исследовать функции; строить графики функций и множества точек на координатной плоскости, заданные уравнениями и неравенствами;
5. изображать геометрические фигуры на чертеже; делать дополнительные построения; строить сечения; исследовать взаимное расположение фигур; применять признаки равенства, подобия фигур и их принадлежности к тому или иному виду;
6. пользоваться свойствами чисел, векторов, функций и их графиков, свойствами арифметической и геометрической прогрессий;
7. пользоваться свойствами геометрических фигур, их характерных точек, линий и частей, свойствами равенства, подобия и взаимного расположения фигур;
8. пользоваться соотношениями и формулами, содержащими модули, степени, корни, логарифмические, тригонометрические выражения, величины углов, длины, площади, объемы;
9. составлять уравнения, неравенства и находить значения величин, исходя из условия задачи;
10. излагать и оформлять решение логически правильно, полно и последовательно, с необходимыми пояснениями.

4. СПИСОК РЕКОМЕНДУЕМОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

1. Единый государственный экзамен 2017. Математика. Учебно-тренировочные материалы для подготовки учащихся / ФИПИ авторы-составители: Яценко И.В., Семенов А.Л., Высоцкий И.Р., Гуцин Д.Д., Захаров П.И., Панферов В.С., Посицельский С.Е., Семенов А.В., Семенова, М.А., Сергеев И.Н., Смирнов В.А., Шестаков С.А., Шноль Д.Э. – М.: Интеллект-Центр, 2017.
2. ЕГЭ-2017: Математика / ФИПИ авторы-составители: Яценко И.В., Семенов А.Л., Высоцкий И.Р., Гуцин Д.Д., Захаров П.И., Панферов В.С., Посицельский С.Е., Семенов А.В., Семенова М.А., Сергеев И.Н., Смирнов В.А., Шестаков С.А., Шноль Д.Э.– М.: Астрель, 2017.
3. ЕГЭ 2017. Математика. Профильный уровень. 30 вариантов типовых тестовых заданий и 800 заданий части 2. *Под ред. Яценко И.В.* (2017, 216с.)
4. ЕГЭ 2017. Математика. Типовые тестовые задания. Профильный уровень. *Под ред. Яценко И.В.* (2017, 56с.)
5. ЕГЭ 2017. Математика. Профильный уровень. Тематическая рабочая тетрадь. *ред. Яценко И.В.* (2017, 296с.)

Интернет-ресурсы

1. <http://www.ctege.info/ege-po-matematike> Единый государственный экзамен по математике.
2. <http://www.fipi.ru/> Федеральный институт педагогических измерений.
3. <http://alexlarin.net/> Сайт вариантов ЕГЭ по математике.

